

BACCALAURÉAT GÉNÉRAL

ÉPREUVE D'ENSEIGNEMENT DE SPÉCIALITÉ

BAC BLANC 2026

NUMÉRIQUE ET SCIENCES INFORMATIQUES

Durée de l'épreuve : **3 heures 30**

L'usage de la calculatrice et du dictionnaire n'est pas autorisé.

Dès que ce sujet vous est remis, assurez-vous qu'il est complet.

Ce sujet comporte 14 pages numérotées de 1 à 14.

Le sujet est composé de 3 exercices indépendants.

EXERCICE 1 : (6pt) *Cet exercice porte sur les bases de données relationnelles et les requêtes SQL.*

Dans cet exercice, on pourra utiliser les clauses du langage SQL pour :

- construire des requêtes d'interrogation à l'aide de **SELECT, FROM, WHERE** (avec les opérateurs logiques **AND, OR**), **JOIN ... ON** ;
- construire des requêtes d'insertion et de mise à jour à l'aide de **UPDATE, INSERT, DELETE** ;
- affiner les recherches à l'aide de **DISTINCT, ORDER BY**.

Dans un schéma relationnel, on utilisera les conventions suivantes :

- la clé primaire d'une relation est définie par son attribut souligné ;
- les attributs précédés de # sont les clés étrangères.

Le guitariste Slash possède une incroyable collection de guitares. Maud est une grande fan de Slash. Elle décide de faire un inventaire de la collection de guitares sous la forme d'une base de données relationnelle.

Partie A

Dans cette partie, Maud utilise la relation suivante :

inventaire (id, marque, modele, annee, num_ser, prix)

num_ser représente le numéro de série d'une guitare. Il est unique pour chaque guitare d'une même marque. Le prix est en euro.

Voici un extrait de la table inventaire.

inventaire					
id	marque	modele	annee	num_ser	prix
1	Gibson	Les Paul Goldtop	1956	@70562	100000
2	Gibson	Les Paul Goldtop	1988	81738349	20000
3	Gibson	Les Paul Standard	1959	@90663	250000
4	Gibson	Les Paul Standard	1987	81757532	25000
5	Fender	Telecaster	1952	000230	150000
6	Fender	Telecaster	1965	81345673	10000
7	Fender	Stratocaster	1956	001359	200000
8	Fender	Stratocaster	1965	81757532	15000

- 1) Expliquer pourquoi l'attribut num_ser ne peut pas être une clé primaire de la relation inventaire.

Solution : Pour qu'un attribut soit une clé primaire, il faut que ses valeurs soient uniques. Ce n'est pas le cas des numéros de série. En effet, deux des guitars ont la même valeur pour num_ser.

- 2) Donner, sous forme de tableau, le résultat de la requête suivante appliquée à l'extrait de table précédent.

```
SELECT marque, modele
FROM inventaire
WHERE annee = 1956
```

Solution :

marque	modele
Gibson	Les Paul Goldtop
Fender	Stratocaster

- 3) Écrire une requête SQL permettant d'obtenir toutes les années du modèle "Les Paul Standard" dans la collection.

Solution : On peut écrire :

```
SELECT annee FROM inventaire WHERE modele = "Les Paul Standard";
```

- 4) Écrire une requête SQL permettant d'obtenir tous les modèles de guitares de la marque Gibson par ordre croissant de l'année dans la collection.

Solution : On peut écrire :

```
SELECT modele FROM inventaire
WHERE marque = "Gibson"
ORDER BY annee;
```

- 5) Maud a fait une erreur de saisie pour la guitare d'identifiant id=1. L'année est en réalité 1957. Écrire une requête SQL permettant de corriger cette erreur de saisie.

Solution : On peut écrire :

```
UPDATE inventaire SET annee=1957 WHERE id=1;
```

Partie B

Maud change de représentation pour l'inventaire de la collection. Dans cette partie, Maud utilise maintenant les trois relations suivantes :

marque (id, nom)

modele (id, nom, #id_marque)

guitare (id, #id_modele, annee, num_ser, prix) Dans la relation modele, #id_marque est une clé étrangère reliée à la clé primaire id de la relation marque. Dans la relation guitare, #id_modele est une clé étrangère reliée à la clé primaire id de la relation modele.

Voici des extraits des trois tables marque, modele, guitare.

marque	
id	nom
1	Gibson
2	Fender

modele		
id	nom	id_marque
1	Les Paul Goldtop	1
2	Les Paul Standard	1
3	Telecaster	2
4	Stratocaster	2

guitare				
id	id_modele	annee	num_ser	prix
1	1	1956	@70562	100000
2	1	1988	81738349	20000
3	2	1959	@90663	250000
4	2	1987	81757532	25000
5	3	1952	000230	150000
6	3	1965	81345673	10000
7	4	1956	001359	200000
8	4	1965	81757532	15000

- 6) Expliquer brièvement, en justifiant, dans quel ordre les trois tables doivent être créées.

Solution : Lorsque des tables sont reliées par des clés étrangères, il faut d'abord créer les tables qui contiennent ces valeurs. Ainsi, il faut d'abord créer marque, puis modele et enfin guitare.

- 7) Écrire une requête SQL permettant d'obtenir le numéro de série et l'année de toutes les guitares "Les Paul Standard" de la collection.

Solution : On peut écrire :

```
SELECT num_ser, annee FROM guitare
JOIN modele ON guitare.id_modele=modele.id
WHERE nom = "Les Paul Standard";
```

Maud vient d'apprendre que Slash a fait cadeau d'une de ses guitares à un ami. Elle doit donc la retirer de sa base de données.

- 8) Écrire une requête SQL permettant de retirer de la collection la guitare d'identifiant id=3.

Solution : On peut écrire :

```
DELETE FROM guitare WHERE id=3;
```

Slash a aussi acheté une guitare d'une marque qu'il n'avait pas encore dans sa collection. Maud décide de la rajouter. Voici les informations :

- marque : BC Rich
- modèle : Mockingbird
- année : 1992
- numéro de série : 92R
- prix : 5000.

9) On supposera que l'on peut attribuer la valeur 3 pour l'attribut id dans la table marque pour la marque BC Rich, que l'on peut attribuer la valeur 5 pour l'attribut id dans la table modele pour le modèle Mockingbird et que l'on peut attribuer la valeur 9 pour l'attribut id dans la table guitare pour cette guitare.

Écrire l'ensemble des requêtes SQL permettant d'ajouter la guitare.

Solution : Il faut insérer les valeurs dans le bon ordre.

```
INSERT INTO marque VALUES (3, 'BC RICH');
INSERT INTO modele VALUES (5, 'Mockingbird', 3);
INSERT INTO guitare VALUES (9, 5, 1992, '92R', 5000);
```

Maud souhaite connaître la valeur totale des modèles Stratocaster de la collection. Son ami David lui conseille de regarder la fonction **SUM**. La syntaxe pour utiliser cette fonction SQL peut être similaire à celle-ci :

```
SELECT SUM(nom_colonne)
FROM tab
```

Cette requête SQL permet de calculer la somme des valeurs contenues dans la colonne nom_colonne de la table tab.

10) Écrire une requête SQL permettant de calculer la valeur totale des modèles Stratocaster de la collection de Slash.

Solution : On peut écrire :

```
SELECT SUM(prix) FROM guitare
JOIN modele ON guitare.id_modele=modele.id
WHERE nom = "Stratocaster";
```

EXERCICE 2 : (6pt) *Cet exercice porte sur l'algorithmique, les structures de données, et la gestion de processus.*

On cherche à créer une application de type liste de tâches à faire pour aider Alice à planifier sa journée. Pour cela Alice saisit les informations concernant chacune des tâches qu'elle doit effectuer : elle indique un nom pour la tâche, ainsi que la durée qu'elle estime nécessaire afin de la réaliser. On représente une tâche saisie par Alice à l'aide d'un objet de type Tache, muni de quatre attributs :

- le numero de la tâche, saisi par Alice ;
- le nom de la tâche, saisi par Alice ;
- la duree (un entier exprimé en minute) nécessaire à la réalisation de la tâche saisie par Alice ;
- la duree_restante (un entier exprimé en minute) avant la fin de la tâche. Cet attribut sera initialisé avec la durée totale nécessaire à la réalisation de la tâche.

Avancer de n minutes (n entier positif) dans une tâche consiste à diminuer de n la durée restante de cette tâche. Une tâche est terminée si la durée restante est négative ou nulle.

Lors de la phase de planification de ses tâches (aucune d'entre elles n'est commencée), Alice liste les tâches suivantes qui doivent être effectuées :

Numéro	Nom	Durée	Durée restante
1	Répondre aux e-mails	45	45
2	Ranger ma chambre	60	60
3	Réviser la NSI	90	90
4	S'entraîner aux échecs	30	30
5	Apprendre le vocabulaire de chinois	30	30
6	Lire Fondation	60	60
7	Écrire ma lettre au Père Noël	20	20

On dispose de la classe Tache ci-dessous pour représenter les tâches :

```
1 class Tache:
2     def __init__(self, numero, nom, duree):
3         self.numero = numero
4         self.nom = nom
5         self.duree_initiale = duree
6         self.duree_restante = duree
7
8     def __repr__(self):
9         return '<t'+str(self.numero)+'>'
```

1) Donner le code Python qui permet d'instancier deux variables `tache1` et `tache2` représentant les tâches :

- tâche numéro 1 : Répondre aux e-mails. Durée estimée : 45 minutes.
- tâche numéro 2 : Ranger ma chambre. Durée estimée : 60 minutes.

Solution :

```
tache1 = Tache(1, "Répondre aux e-mails", 45)
tache2 = Tache(2, "Ranger ma chambre", 60)
```

On supposer dans la suite que les variables `tache1`, `tache2`, ..., `tache7` représentent les tâches établies par Alice lors de la phase de planification.

La méthode `__repr__` renvoie une représentation de l'instance sous forme d'une chaîne de caractères. La fonction `print` utilise cette méthode. Ainsi on a :

```
>>> print(tache1)
<t1>
```

2) Recopier et compléter le code de la méthode `avancer` de la classe `Tache` qui permet d'avancer la tâche `self` de `n` minutes.

```
1     def avancer(self, n):
2         ...
```

Solution :

```
def avancer(self, n):
    self.duree_restante -= n
```

3) Recopier et compléter le code de la méthode `est_terminee` de la classe `Tache` qui renvoie `True` si la tâche est terminée, ou `False` sinon.

```
1     def est_terminee(self):
2         ...
```

Solution :

```
def est_terminee(self):  
    return self.duree_restante <= 0
```

Afin d'aider Alice à planifier sa journée, on lui propose d'associer à chacune des tâches une priorité. La priorité d'une tâche est représentée par un entier de la manière suivante : 1 est la priorité minimale et, plus le nombre est grand, plus la tâche associée est prioritaire. Pour stocker toutes les tâches à effectuer, on utilise une file, dans laquelle les éléments sont des tuples (tache, priorite). Les éléments stockés dans la file doivent respecter les deux conditions ci-après.

- Condition 1 : les éléments sont rangés par ordre décroissant de priorité. L'élément de priorité maximale se trouve au début de la file, l'élément le moins prioritaire se trouve à la fin de la file.
- Condition 2 : parmi les éléments de même priorité, les éléments sont rangés dans l'ordre dans lequel ils ont été insérés dans la file. Ainsi, le premier élément de priorité p inséré se trouve devant les éléments de même priorité p insérés

Par exemple, si la file de tâches f est la file :

[début] (<t3>, 4) (<t1>, 3) (<t2>, 3) (<t4>, 1) (<t5>, 1) [fin]

Cela signifie que :

- la tâche de priorité maximale est la tâche numéro 3 ;
- les deux tâches à exécuter en priorité après la tâche numéro 3 sont les tâches numéro 1 et numéro 2. La tâche numéro 1 a été ajoutée à la file des tâches à traiter avant la tâche numéro 2 ;
- il n'y a pas de tâche de priorité 2 ;
- les tâches les moins prioritaires de la file sont les tâches numéro 4 et numéro 5. La tâche numéro 4 a été ajoutée avant la tâche numéro 5.

4) Représenter l'état de la file f lorsqu'on lui ajoute successivement la tâche numéro 6 avec la priorité 2, puis la tâche numéro 7 avec la priorité 4 en respectant les conditions 1 et 2 décrites ci-dessus.

Solution : On obtient :

[début] (<t3>, 4) (<t7>, 4) (<t1>, 3) (<t2>, 3) (<t6>, 2) (<t4>, 1) (<t5>, 1) [fin]

On suppose déjà définies les méthodes suivantes pour la classe File :

- File() : crée et renvoie un objet de type File, vide.
- enfiler(self, e) : ajoute l'élément e à la fin de la file f.
- defiler(self) : renvoie, en le supprimant de la file, le premier élément de la file si cela est possible.
- examiner(self) : renvoie, sans le supprimer de la file, le premier élément de la file si cela est possible.
- est_vide(self) : renvoie **True** si la file est vide, ou **False** sinon.

En repartant de la file f suivante :

[début] (<t3>, 4) (<t1>, 3) (<t2>, 3) (<t4>, 1) (<t5>, 1) [fin]

on exécute les instructions suivantes :

```
>>> a = f.defiler()[0]  
>>> b = f.examiner()[1]
```

5) Quelles sont les valeurs contenues par a et b ?

Solution : a contient tache3 et b contient 3.

6) Représenter le contenu de la file f après l'exécution de ces instructions.

Solution : On obtient :

[début] (<t1>, 3) (<t2>, 3) (<t4>, 1) (<t5>, 1) [fin]

On souhaite écrire une fonction `ajouter_file_prio` qui prend en paramètres :

- une file f dont les éléments sont des tuples (tâche, priorité) respectant les deux conditions de l'énoncé ;
- une tâche t ;
- la priorité p de la tâche t ;

et qui ajoute le tuple (t, p) à la bonne position dans la file f .

On utilise une file auxiliaire f_{aux} que l'on remplit en défilant les éléments en début de file f tant que la priorité du premier élément de la file est supérieure ou égale à p . Puis on enfile l'élément (t, p) dans la file auxiliaire. On défile ensuite tous les éléments restants de f dans f_{aux} et enfin on enfile dans f tous les éléments de f_{aux} .

7) Recopier et compléter le code de la fonction `ajouter_file_prio`.

```
1 def ajouter_file_prio(f, t, p):
2     f_aux = File()
3     while ...:
4         ...
5     ...enfiler(...)
6     while not ...:
7         ...
8     while not ...:
9         ...
```

Solution :

```
def ajouter_file_prio(f, t, p):
    f_aux = File()
    while not f.est_vide() and f.examiner()[1] >= p:
        f_aux.enfiler(f.defiler())
    f_aux.enfiler((t, p))
    while not f.est_vide():
        f_aux.enfiler(f.defiler())
    while not f_aux.est_vide():
        f.enfiler(f_aux.defiler())
```

8) Donner le coût d'exécution temporel dans le pire des cas de la fonction `ajouter_file_prio`, en fonction du nombre m d'éléments de la file f .

On va devoir défiler tous les éléments 2 fois. Le coût est donc linéaire, de l'ordre de $2m$.

Une fois qu'Alice a entré les tâches qu'elle doit effectuer, leur durée estimée, ainsi que la priorité à laquelle elle doit les effectuer, l'application lui propose un planning en utilisant la technique dite Pomodoro :

- la tâche à effectuer est la tâche qui se trouve en tête de file ;
- on défile cette tâche de la file des tâches à effectuer ;
- on avance cette tâche de 25 minutes ;
- si cette tâche n'est pas terminée, on rajoute cette tâche dans la file des tâches à effectuer, avec la même priorité qu'initialement (en utilisant la fonction `ajouter_file_prio`) ;
- si cette tâche se termine au cours des 25 minutes, alors Alice attend la fin des 25 minutes en se reposant ;
- on continue ces étapes tant que la file des tâches à effectuer n'est pas vide.

On rappelle les tâches à effectuer ci-dessous, classées par ordre de priorité. On considérera que les tâches sont ajoutées à la file de priorité dans l'ordre du tableau ci-dessous :

Numéro	Nom	Durée	Priorité
3	Réviser la NSI	90	4
7	Écrire ma lettre au Père Noël	20	4
1	Répondre aux e-mails	45	3
2	Ranger ma chambre	60	3
6	Lire Fondation	60	2
4	S'entraîner aux échecs	30	1
5	Apprendre le vocabulaire de chinois	30	1

9) Indiquer pour chaque bloc de 25 minutes la tâche qui avance, en suivant le modèle proposé, jusqu'à la fin de toutes les tâches.

On fera particulièrement attention au cas où la tâche n'est pas terminée : celle-ci est rajoutée à la file des tâches à effectuer (dont elle avait été supprimée) avec la même priorité qu'initialement, en respectant les conditions 1 et 2 de l'énoncé.

Solution : On obtient l'ordre suivant :

t3, t7, t3, t3, t3, t1, t2, t1, t2, t2, t6, t6, t6, t4, t5, t4, t5

10) Écrire le code d'une fonction `planning` qui prend en paramètre une file de priorité `f` dont les éléments sont des tuples (`tache`, `prio`), et qui renvoie une liste de tâches, dans l'ordre dans lequel elles vont être effectuées par tranche de 25 minutes avec la méthode `Pomodoro`.

Par exemple, si `tache1`, `tache2` et `tache3` sont les tâches numéro 1, numéro 2 et numéro 3, alors le programme suivant :

```
1 file = File()
2 for t, p in [(tache1, 3), (tache2, 3), (tache3, 4)]:
3     ajouter_file_prio(file, t, p)
4 print(planning(file))
```

produit l'affichage :

[<t3>, <t3>, <t3>, <t3>, <t1>, <t2>, <t1>, <t2>, <t2>]

Solution :

```
def planning(f):
    ordre = []
    while not f.est_vide():
        t, p = f.defiler()
        ordre.append(t)
        t.avancer(25)
        if not t.est_terminee():
            ajouter_file_prio(f, t, p)
    return ordre
```

EXERCICE 3 : (8pt) Cet exercice porte sur l'architecture matérielle (réseau), les arbres binaires de recherche et la programmation Python.

L'entreprise CaféNet possède plusieurs cafés répartis dans différentes villes. Le réseau de la

chaîne de cafés est représenté en Figure 1.

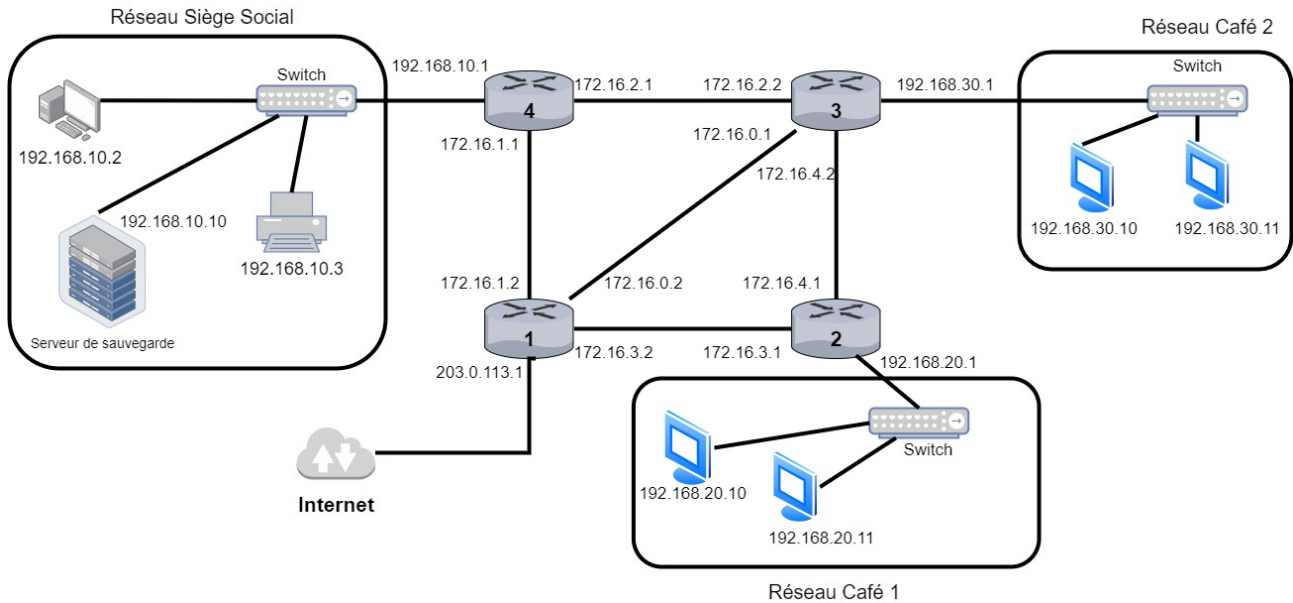


Figure 1. Schéma d'une partie du réseau

Sur le schéma sont représentés 4 routeurs, le réseau du siège social, le réseau du café 1, le réseau du café 2. Dans les réseaux du café 1 et du café 2, des bornes de commandes sont connectées à des switches (ce sont des boîtiers de connexion qui n'ont pas eux-mêmes d'adresse IP). Les 4 routeurs représentés sont composés d'au moins 3 interfaces réseau capable de relier des réseaux ensemble. Chaque interface possède donc une adresse IPV4 sur le réseau auquel elle est reliée.

Les masques des sous-réseaux sont tous 255.255.255.0. Avec ce masque, les trois premiers octets des adresses IP codent l'adresse réseau. Le dernier octet, c'est-à-dire les 8 derniers bits, code l'adresse des machines à l'intérieur de chaque sous-réseau. **Partie A**

Le gérant veut faire installer une troisième borne de commande dans le café 1.

1) Indiquer les deux seules adresses IP valides pour cette nouvelle borne, parmi les quatre adresses IP proposées.

- | | |
|-------------------|-------------------|
| a) 192.168.20.2 | b) 192.168.20.261 |
| c) 192.168.20.157 | d) 192.168.24.10 |

L'adresse de diffusion, appelée aussi adresse de broadcast, est la dernière adresse disponible à l'intérieur d'un réseau local.

2) Déterminer l'adresse de diffusion du réseau du café 1.

Solution : Il s'agit de 192.168.20.255.

3) Déterminer combien de machines informatiques il est encore possible de connecter au réseau du café 1 après l'installation de la troisième borne de commande.

Solution : Il y a 256 adresses possibles. Il faut enlever celles des 3 machines, du routeur, de l'adresse du réseau et de l'adresse de diffusion. Il reste donc 250 adresses pour de nouvelles machines.

Le réseau local du café 1 n'a pas besoin de plus de 8 adresses IP différentes. Ce décompte d'adresses IP inclut les adresses IP réservées (à savoir l'adresse de diffusion et l'adresse du réseau). Il est rappelé que la longueur du masque de sous-réseau est actuellement de 24 bits (c'est-à-dire 3 octets).

4) Expliquer quelle est la longueur maximale du masque de sous-réseau que l'on pourrait choisir pour le réseau local du café 1.

Solution : Il faut 3 bits pour avoir 8 valeurs différentes. Il faut donc un masque de longueur au plus 29 bits.

Partie B

RIP (Routing Information Protocol) est un protocole de routage utilisé dans les réseaux IP. Il est conçu pour réduire le nombre de sauts entre deux réseaux. Un “saut” correspond au transfert des données d’un routeur à un autre. Le protocole RIP utilise le nombre de sauts comme critère principal pour évaluer le coût d’un chemin. Autrement dit, il considère que le chemin le plus optimal est celui qui traverse le moins de routeurs.

La table de routage du routeur 2 de la Figure 1 est représentée ci-dessous :

Routeur 2			
Réseau destination	Interface de sortie	Prochain routeur	Nombre de sauts
192.168.20.0	192.168.20.1	aucun	0
172.16.3.0	172.16.3.1	aucun	0
172.16.4.0	172.16.4.1	aucun	0
192.168.10.0	172.16.3.1	172.16.3.2	2
172.16.0.0	172.16.4.1	172.16.4.2	1
172.16.2.0	172.16.4.1	172.16.4.2	1
192.168.30.0	172.16.4.1	172.16.4.2	1
172.16.1.0	172.16.3.1	172.16.3.2	1

5) Recopier et compléter les deux dernières lignes de la table de routage du routeur 2.

La table de routage du routeur 2 contient un réseau de destination pour lequel deux routes différentes sont possibles. La ligne correspondante dans la table de routage aurait donc pu être remplie différemment tout en respectant le protocole RIP.

6) Identifier, dans la table de routage du routeur 2, le réseau de destination que l’on peut atteindre d’une autre façon et indiquer comment cette ligne de la table de routage pourrait être modifiée.

Solution : Pour le réseau 192.168.10.0, on peut passer par l’interface 172.16.4.1 et par le routeur 172.16.4.2.

Une adresse IP qui n’est pas référencée dans la table de routage doit être routée par défaut vers Internet.

7) Recopier et compléter la ligne à ajouter à la table de routage du routeur 2.

Réseau destination	Interface de sortie	Prochain routeur
autre	172.16.3.1	172.16.3.2

Partie C

OSPF est également un protocole d’échanges de données entre les routeurs qui prend en compte le coût des routes. Le coût est lié au débit des liaisons entre les routeurs par la formule suivante :

$$\text{coût} = \frac{10^9}{\text{débit}} \text{ avec le débit en bit.s}^{-1}$$

8) Recopier et compléter la dernière colonne du tableau ci-dessous :

Tableau des coûts		
Type de connexion	Débit en bit.s ⁻¹	coût
Ethernet	10 Mbit.s ⁻¹ = 10 ⁷ bit.s ⁻¹	100
Fast Ethernet	100 Mbit.s ⁻¹ = 10 ⁸ bit.s ⁻¹	10
Fibre optique	1 Gbit.s ⁻¹ = 10 ⁹ bit.s ⁻¹	1

Le schéma ci-dessous met en évidence les types de connexion qui relient les routeurs.

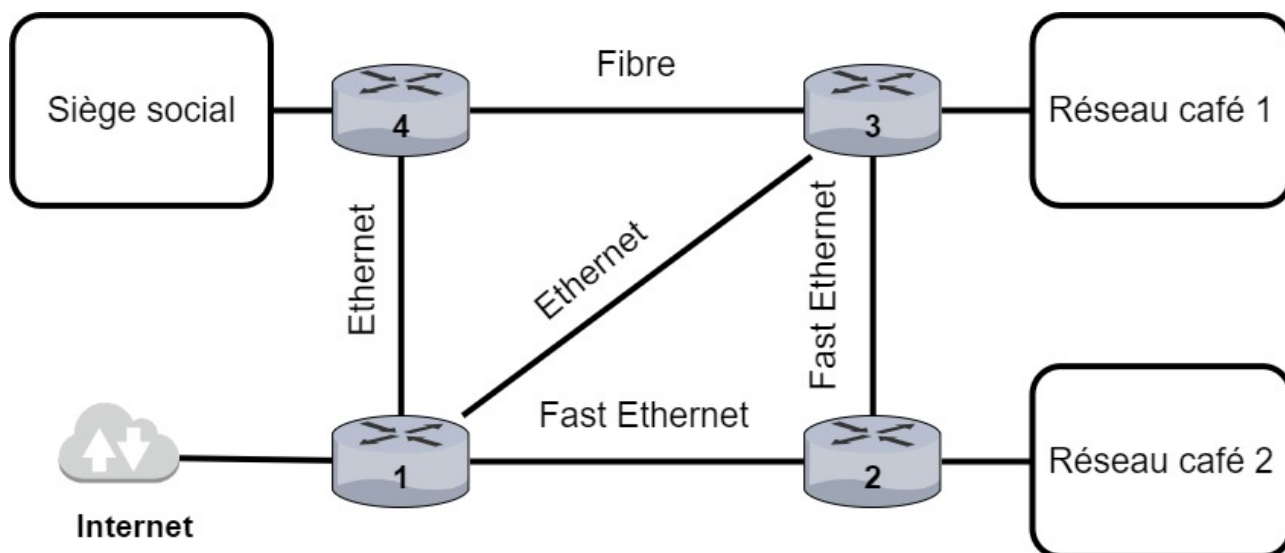


Figure 2. Schéma des types de connexion

- 9) Déterminer la route dont le coût est minimal pour aller du routeur 1 jusqu'au routeur 4 et calculer son coût au sens du protocole OSPF.

Solution : En prenant la route $1 \rightarrow 2 \rightarrow 3 \rightarrow 4$, on obtient un coût de 21, qui est minimal.

Partie D

Le but de cette partie est de classer les adresses IP des différents réseaux afin de faciliter leur recherche.

La fonction `ip_bin` prend en argument une chaîne de caractères décrivant une adresse IP en notation décimale, et renvoie une chaîne de caractères, de longueur 35 (32 bits et les 3 points), décrivant l'adresse IP en notation binaire.

Exemple :

```
>>> ip_bin('192.168.10.1')
'11000000.10101000.00001010.00000001'
```

- 10) Donner la chaîne de caractères renvoyée par `ip_bin('192.168.20.12')`.

Solution : On obtient `'11000000.10101000.00010100.00001100'`

La fonction `precede` prend en paramètres deux adresses IP en notation binaire, sous forme de chaînes de caractères identiques à celles renvoyées par la fonction `ip_bin`.

La fonction `precede` renvoie un booléen qui vaut **True** si la première adresse IP en paramètre précède la seconde adresse IP.

Exemple :

```
>>> a = '11000000.10101000.00001010.00000001'
>>> b = '11000000.10101000.00001111.00000001'
>>> precede(a, b)
True
```

L'algorithme compare bit à bit les deux chaînes binaires, en lisant les chaînes de caractères dans le sens usuel (de gauche à droite). Dans l'exemple ci-dessus, tous les caractères sont identiques jusqu'au sixième caractère du troisième octet. Comme le bit de l'adresse a est inférieur à celui de l'adresse b, on en déduit que l'adresse IP a précède l'adresse IP b.

Si la première adresse IP ne précède pas la seconde, la fonction doit renvoyer **False**.

L'algorithme de comparaison est traduit dans le langage Python sous la forme suivante :

```

1 def precede(ip_1, ip_2):
2     for i in range(35):
3         if ip_1[i] < ip_2[i]:
4             return ...
5         elif ip_1[i] > ip_2[i]:
6             return ...
7     return ...

```

11) Expliquer dans quel cas la fonction `precede` exécutera la dernière instruction `return` de la ligne 7.

Solution : Il faut que les deux adresses soient identiques.

12) Recopier et compléter les lignes 4, 6 et 7 du code de la fonction `precede`.

Solution :

```

def precede(ip_1, ip_2):
    for i in range(35):
        if ip_1[i] < ip_2[i]:
            return True
        elif ip_1[i] > ip_2[i]:
            return False
    return False

```

Les tables de routage de chaque routeur sont implémentées sous la forme d'arbre binaire de recherche avec la classe `Abr`.

```

1 class Abr:
2     def __init__(self, adresse_ip,
3                 interface, passerelle,
4                 cout):
5         self.adresse_ip = adresse_ip
6         self.interface = interface
7         self.passerelle = passerelle
8         self.cout = cout
9         if adresse_ip != "":
10            self.gauche = Abr("", "", 0)
11            self.droite = Abr("", "", 0)
12
13     def est_vide(self):
14         return ...

```

Dans cette représentation :

- `adresse_ip` désigne une chaîne de caractères représentant l'adresse IP de la destination, donnée sous forme décimale ;
- `interface` désigne l'interface réseau ;
- `passerelle` désigne une chaîne de caractères représentant l'adresse IP du prochain routeur, donnée sous forme décimale ;
- `cout` désigne le nombre de sauts pour atteindre la destination.
- par convention, l'arbre binaire vide est une instance de `Abr` pour laquelle `adresse_ip` est une chaîne de caractères vide ;
- un arbre binaire de recherche non vide possède nécessairement un sous-arbre gauche et un sous-arbre droit, éventuellement vides, qui sont tous les deux des arbres binaires de recherche. Ces sous-arbres sont désignés par `gauche` et `droite` dans la classe `Abr` ;

- si elle n'est pas vide, l'adresse IP du sous-arbre gauche précède l'adresse IP de l'instance parent ;
- si le sous-arbre droit n'est pas vide, alors l'adresse IP de l'instance parent précède l'adresse IP du sous-arbre droit.

13) Citer un attribut et citer une méthode de la classe Abr.

Solution : On peut prendre `adresse_ip` comme attribut et `est_vide` comme méthode.

14) Recopier et compléter la ligne 14 du code de la classe Abr.

Solution : On peut mettre `return self.adresse_ip == "`

15) Justifier, en mobilisant des connaissances de cours, l'intérêt qu'il peut y avoir à représenter la table de routage par un arbre binaire de recherche.

Solution : Avec un arbre binaire de recherche, la recherche d'un élément est beaucoup plus rapide que dans une liste. En moyenne, le coût est logarithmique. L'insertion pour préserver cette structure est également rapide.

La section de code qui définit `modifie` est incluse dans la classe Abr.

```

16     def modifie(self, adresse_ip,
17                 interface, passerelle,
18                 cout):
19         if self.est_vide():
20             self.adresse_ip = adresse_ip
21             self.interface = interface
22             self.passerelle = passerelle
23             self.cout = cout
24             self.gauche = Abr(",", "", 0)
25             self.droite = Abr(",", "", 0)
26         else:
27             self.adresse_ip = adresse_ip
28             self.interface = interface
29             self.passerelle = passerelle
30             self.cout = cout

```

Les lignes 20 à 23 sont exactement les mêmes que les lignes 27 à 30.

16) Réécrire le code de la fonction `modifie` en évitant cette répétition.

Solution :

```

def modifie(self, adresse_ip, interface, passerelle, cout):
    if self.est_vide():
        self.gauche = Abr(",", "", 0)
        self.droite = Abr(",", "", 0)
    self.adresse_ip = adresse_ip
    self.interface = interface
    self.passerelle = passerelle
    self.cout = cout

```

La classe Abr est complétée afin de permettre l'ajout de nouvelles lignes à la table de routage, tout en conservant les propriétés que doit posséder un arbre binaire de recherche.

```

32     def rechercher(self, adresse_ip):
33         if self.est_vide() or adresse_ip==self.adresse_ip:
34             return self
35         elif precede(...):
36             return self.gauche.rechercher(adresse_ip)

```

```
37         else:
38             return self.droite.rechercher(adresse_ip)
39
40     def inserer(self, adresse_ip,
41               interface, passerelle,
42               cout):
43         destination = self.rechercher(adresse_ip)
44         destination.modifie(adresse_ip, interface, passerelle, cout)
```

On rappelle que la fonction precede prend en arguments des adresses IP écrites sous forme binaire.

17) Recopier et compléter la ligne 35 du code de la fonction rechercher.

Solution : On peut écrire :

`precede(ip_bin(adresse_ip), ip_bin(self.adresse_ip))`